

Технические науки

**МОДЕЛИРОВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ  
ПРОБИТИЯ КОМПОЗИТА  
ВЫСОКОСКОРОСТНЫМ  
ПОРАЖАЮЩИМ ЭЛЕМЕНТОМ**

Гребенюк И.И., Лукомец В.А., Наговицын А.В.

Нижегородский военный институт инженерных войск, Нижний Новгород, e-mail: nqti2008@ya.ru

Как показали результаты экспериментальных исследований [3, 4] при решении задач моделирования пробития композитной защиты специальной техники высокоскоростным поражающим элементом (ПЭ) будем использовать сеточно-ячеечный метод разбиения преграды, разработанный для исследования данного класса задач в [1-3]. Данный метод разбиения учитывает распространение разрывов вдоль характеристических поверхностей, позволяет корректно строить численные алгоритмы на границах области интегрирования и поверхностях раздела сред, что реализовано в процессе имитационного моделирования пробития композитной брони специальной техники высокоскоростным поражающим элементом [4].

При решении моделирования пробития композита высокоскоростным поражающим элементом будем использовать следующие исходные послылки:

- Скорость удара поражающего элемента, его форма и масса.
- Реология материала композитной защиты.
- Реология высокоскоростного поражающего элемента (ПЭ).
- Контактные границы, между слоями композитной защиты (преграды).
- Контакт поражающий элемент – композит.

С учетом вышесказанного при решении задачи моделирования использовалась подвижная регулярная сетка, состоящая из выпуклых четырехугольников. Для расчета новых значений в каждом узле выполнялся переход в систему координат  $(\xi_1, \xi_2)$ , связанную с текущими сеточ-

ными направлениями в данной точке [1, 2]. Положение узлов сетки в каждый момент времени определялось уравнением:

$$\vec{r}(t, \xi_1, \xi_2) = \vec{r}(0, \xi_1, \xi_2) + \int_0^t \vec{c}(\tau, \xi_1, \xi_2) d\tau. \quad (1)$$

Введем следующие обозначения:  $N$  множество всех узлов сетки,  $N' \subset N$  множество тех узлов сетки, положение которых может быть изменено в процессе перестройки. Перестройку сетки рассматриваем как задачу оптимизации функционала  $I^h$ :

$$I^h : X \rightarrow R, X' = \arg \min I^h, \quad (2)$$

где  $X = \left\{ \left( x_1^n, x_2^n \right) \middle| n \in N \right\}$  – узлы располагающиеся на внешних и внутренних границах;

$X' = \left\{ \left( x_1^n, x_2^n \right) \middle| n \in N \right\}$  – множества координат всех узлов сетки и координат движимых узлов, соответственно.

Произведем дискретизацию интеграла (2):

$$I = \int f d\vec{x} = \int f |\Delta| d\vec{\xi} \rightarrow \min;$$

$$f = f \left( \frac{\partial \vec{x}}{\partial \vec{\xi}} \right); \quad \Delta = \det \left( \frac{\partial \vec{x}}{\partial \vec{\xi}} \right), \quad (3)$$

где  $(\xi_1, \xi_2)$  система координат, связанная с сеткой, в которой целочисленным параметру индексов соответствуют узлы расчетной сетки.

Целью оптимизации сетки чаще всего является повышение возможного шага интегрирования на этой сетке. Максимальный шаг в узле сетки можно рассчитать следующим уравнением [1, 2]:

$$l_i = |\Delta|^{-1} \left( \frac{\partial \vec{x}}{\partial \xi_i} \right), \quad (4)$$

Представляет сложность дифференцирования выражений  $l_1 + l_2$  и  $\max(l_1, l_2)$  при использовании их в минимизируемом функционале. Наиболее простой похожей функцией представляется  $f = l_1^2 + l_2^2$ , следовательно:

$$I = f |\Delta|^{-1} \left[ \left( \frac{\partial x_1}{\partial \xi_1} \right)^2 + \left( \frac{\partial x_1}{\partial \xi_2} \right)^2 + \left( \frac{\partial x_2}{\partial \xi_1} \right)^2 + \left( \frac{\partial x_2}{\partial \xi_2} \right)^2 \right] d\xi_1 d\xi_2. \quad (5)$$

Для получения дискретной версии функционала  $I^h$  алгебраической функции координат узлов необходимо выбрать [1, 2]:

- набор точек и квадратурную формулу для приближенной замены интеграла линейной комбинацией значений подынтегрального выражения, вычисленных в точках набора;
- разностные формулы для аппроксимации производных  $\frac{\partial x_i}{\partial \xi_j}$  через координаты близлежащих узлов.

Данный способ для моделирование параметров пробития композита высокоскоростным ПЭ является наилучшим, так как в каждой четырехугольной ячейке рассматриваются четыре (пересекающихся) треугольника с теми же вершинами (в плоскости  $(\xi_1, \xi_2)$  треугольники будут прямоугольными). Функция  $\vec{x}(\vec{\xi})$  внутри каждого треугольника считается линейной, а ее производные  $\frac{\partial x_i}{\partial \xi_j}$  и, следовательно, все подынтегральное выражение являлись постоянными. Интеграл от

постоянной величины по треугольнику равен произведению площади треугольника на эту величину. Так как суммарная площадь четырех треугольников равна удвоенной площади ячейки, то и сумма интегралов, каждый из которых опирается на один из четырех типов треугольников из разных ячеек, будет аппроксимировать удвоенную величину минимизируемого функционала.

#### Список литературы

1. Агапов П.И., Обухов А.С., Петров И.Б., Челноков Ф.Б. Компьютерное моделирование биомеханических процессов сеточно-характеристическим методом // Управление и обработка информации: модели процессов: сб. ст. / Моск. физ.-тех. ин-т. – М., 2001. – С. 95–114.
2. Гребенюк И.И. Геометрическое моделирование сложных поверхностей: тезисы доклада // Современные проблемы и пути их решения в науке, транспорте, производстве и образовании 2009: сборник научных трудов по материалам международной научно-практической конференции – Том 3. Технические науки. – Одесса: Черноморье, 2009 – С. 87–90.
3. Гребенюк И.И. Моделирование параметров композитной брони: монография / И.И. Гребенюк, В.С. Ивановский, В.А. Лукомец, А.В. Наговицын, А.В. Реков. – Кстово: НВИИВ, 2010. – 526 с.
4. Исследование средств композитной защиты военно-инженерной техники: отчет НИР «Защита 2» / под рук. И.И. Гребенюка – Кстово: НВИИВ, 2011. – 315 с.

### ТЕОРИЯ ПОДОБИЯ И СОВЕРШЕНСТВОВАНИЕ ЭЛЕКТРОДНЫХ СИСТЕМ НА ОСНОВЕ АНАЛИЗА ПАРАМЕТРОВ

Карелин А.Н.

*Филиал Санкт-Петербургского государственного  
морского технического университета,  
Северодвинск, e-mail: cascada@atnet.ru*

Для совершенствования электродных систем применим теорию подобия элементарного вибратора с элементами аналогии.

Теоретический и практический интерес представляет исследование и моделирование электромагнитных процессов, протекающих в различных пространственно-энергетических областях энергоустановок. Если есть отверстие в плоскости, то в окружающем пространстве появляется искажение электромагнитного поля за счет нарушения экранировки.

Определение поля сводится к решению двух задач:

- нахождение распределения поля между краями отверстия (внутренняя задача);
- нахождение распределения поля за экраном, по распределению поля между краями отверстия (внешняя задача).

1. Решение первой (внутренней) задачи встречает определенные трудности. Применяется упрощение – отверстие не вносит каких-либо искажений в распределение поверхностных токов. Тогда токи смещения в отверстии являются продолжением токов проводимости. Зная связь между током смещения и напряженностью электрического поля, можно найти параметры поля между краями отверстия. Предлагаемое реше-

ние основывается на теории подобия элементарного вибратора с элементами аналогии.

Аналогия основывается на конструктивном и теоретическом подобии. Лоренц привел уравнения Максвелла к волновым уравнениям (поле заряда и электромагнитная волна имеют общую природу и описываются уравнением с запаздывающими потенциалами). Это подтвердилось «Специальной теорией относительности». Однако оказалось, что в рамках «запаздывающих потенциалов» проблема электромагнитной массы не имеет удовлетворительного решения.

2. Решение внешней задачи – определение электромагнитного поля в полупространстве за экраном теплового излучателя, в котором прорезано отверстие, производится с помощью леммы Лоренца, согласно которой для двух независимых электромагнитных полей и (напряженности электрического и магнитного поля) изменяющихся по одному гармоническому закону.

### ПОВЫШЕНИЕ ТОЧНОСТИ РАБОТЫ МЕТАЛЛООБРАБАТЫВАЮЩИХ СТАНКОВ ПРИ ПРОИЗВОДСТВЕ ДЕТАЛЕЙ ЛЕТАТЕЛЬНЫХ АППАРАТОВ

Космынин А.В., Чернобай С.П.

*ФГБОУ ВПО «Комсомольский-на-Амуре  
государственный технический университет»,  
Комсомольск-на-Амуре, e-mail: avkosm@knastu.ru*

Одним из приоритетных направлений развития современной технологии производства деталей летательных аппаратов является высокоскоростная механическая обработка. Ее внедрение в авиационную промышленность позволяет повысить производительность труда при одновременном повышении точности обработки и качества изготовления деталей.

Важным фактором успешной реализации высокоскоростной обработки является тип опор, применяемых в шпиндельных узлах (ШУ) металлообрабатывающих станков. В основном шпиндели устанавливают на опоры качения, что приводит к нестабильной траектории движения шпинделя, тепловым смещениям подшипниковых узлов, ограниченному ресурсу ШУ и т.д. Перечисленных недостатков лишены ШУ с подшипниками на газовой смазке.

Газовые подшипники способны надежно работать при высокой и низкой температуре и влажности, их применение исключает загрязнение окружающей среды, уменьшает уровень шума и вибрации. Такие подшипники практически лишены износа, поэтому высокие показатели точности вращения шпинделя сохраняются практически весь срок эксплуатации станков.

Различные вопросы разработки и исследований высокоскоростных шпинделей с подшипниками на газовой смазке рассмотрены в целом ряде работ. При этом во всех представленных конструкциях ШУ использовались газовые опо-